

# الفصل الأول

## المقدمة

### 1-1 أهمية التوصيل الكهربى

هناك العديد من الصناعات المختلفة التي تُستخدم فيها قياسات التوصيل مثل الصناعات البترولية، الكيمائية، الزراعية، الطلاء الكهربى، صناعة الحديد و الفولاذ، التعدين، أشباه الموصلات، الغذاء، الورق و الصناعات الطبية. كما أن لقياسات التوصيل تطبيقات واسعة في مجالات عديدة كالتحاليل المعملية، و علم البحار، و تربية الأحياء المائية، التناضح العكسي، إزالة الأملاح المعدنية (تنقية الماء)، غسل الأحواض و الصهاريج. لذلك تُعتبر قياسات التوصيل الكهربى موضع اهتمام العديد من الباحثين باعتبارها طريقة للوصول إلى تعيين الأيونات في المحاليل و لاسيما في الماء عالي النقاوة. ففي مجال الصناعة، قد يعمل وجود الأيونات و لو بكميات قليلة على وجود رواسب على الأجزاء المطوية أثناء عمليات الطلاء، كما قد يُسبب مشاكل عند تصنيع أشباه الموصلات و في تدمير مركبات التريينات المستخدمة في صناعة الطاقة. لذلك من الأهمية بمكان، أن تُجرى قياسات التوصيل الكهربى للمحاليل المستخدمة في تلك التطبيقات و التأكد من أن يبقى تركيز الأيونات في المدى المسموح به [Novak, 2003].

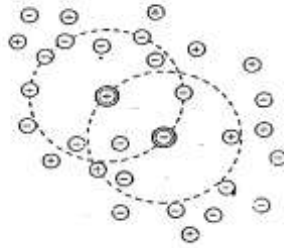
بالإضافة إلى ذلك، هناك العديد من الظواهر المثيرة مثل تلك التي تحدث في الأنظمة البيولوجية و التي تتضمن وجود الكتروليتات لها قدرة على توصيل التيار الكهربى في المحاليل مما يُعطي دليل قاطع على الاعتقاد بوجود حركة أيونية مستقلة للأيونات في المحلول. و بدراسة طبيعة الالكتروليتات، يُمكن الوصول إلى فهم واضح لما يحدث فيها، [Gordon, 1973].

## 1-2-2 طبيعة الالكتروليتات

تعتبر الالكتروليتات القوية أصناف لها القدرة على التأين كلياً عند تواجدها في الحالات الصلبة أو السائلة و لها القدرة على التنوب في المذيب، فتُصبح الأيونات حرة الحركة مما يؤدي إلى تدمير خواص البناء الشبكي للبلورات lattice structure characteristic of crystals. ومن جهة أخرى، فإن الالكتروليتات الضعيفة تتأين على نطاق ضيق في المحلول و يزداد التأين عند التخفيف تبعاً لقانون Ostwald. و عموماً، يتأثر الأيون الواحد في المحلول بوجود أي ايون آخر عن طريق التأثير الكهروستاتيكي المتبادل باستثناء الحالة عند التخفيف اللانهائي للمحلول حيث يُصبح الأيون حر الحركة نظراً لبعده عن تأثير أي أيون آخر في المحلول. و على ذلك، يكون هنالك نوعين من التأثيرات الحادثة في المحلول و هي التالية:

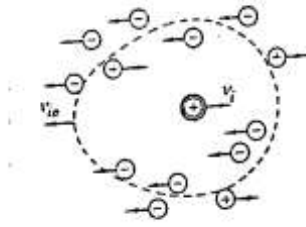
### 1-2-1 التأثير المتبادل أيون - أيون

تتحرك الأيونات بشكل عشوائي تجاه بعضها البعض، و لكن يظهر تأثير قوى كولوم columbic forces على الأيونات فتقل حركتها حيث تنشأ قوى تجاذب بين الايونات ذات الشحنات المختلفة مما ينتج عنها أن يُحاط كل ايون بجو أيوني ion atmosphere يحوي عدداً من الأيونات التي تحمل شحنة مخالفة لشحنة الأيون المركزي central ion، شكل (1-1).



### شكل (1-1): الجو الأيوني.

إن تحرك الأيونات تحت تأثير مجال كهربائي مُطبق سيكون بطيء مما ينتج عنه تحرك الجو الأيوني في اتجاه معاكس للأيون المركزي مُسبباً تدمير و إعادة بناء للأجواء الأيونية باستمرار حركة الأيونات في اتجاه واحد خلال المحلول. و ينشأ عن ذلك تأخر زمني time-lag و اللازم لإعادة بناء الجو الأيوني حيث ينتج عن حركة الأيون المركزي تحت تأثير المجال الكهربائي توزيع غير متماثل asymmetrical للجو الأيوني حول الأيون المركزي مُحدثاً جذباً للجو في اتجاه معاكس لحركة الأيون المركزي مما يؤدي إلى حدوث تشوه في شكل الجو الأيوني بدلاً من شكله الكروي في غياب مجال خارجي مطبق. ويُعرف هذا بتأثير الاسترخاء relaxation effect أو تأثير عدم التماثل asymmetrical effect، شكل (2-1).



### شكل (2-1): هجرة الأيون المركزي و الجو الأيوني تحت تأثير المجال الكهربائي.

و يمتد تأثير المجال المطبق الخارجي إلى محتوى الجو الأيوني من أيونات متذبذبة بواسطة جزيئات المذيب حيث يصحب حركة الأيون المركزي حركة لجزيئات المذيب في اتجاه معاكس. و يُحاول الجو الأيوني الإبقاء على محتوياته بقوة تُعرف بتأثير الهجرة الكهربائية electrophoretic effect حيث يعمل هذا التأثير على إعاقة حركة و سرعة الأيون المركزي [Crow, 1979].

### 2-2-1 التأثير المتبادل ايون - مذيب

يلعب المذيب دوراً بارزاً في الوصول إلى معلومات عن الطبيعة الجزيئية لمحاليل الأيونات. و يتضمن هذا التأثير سلوك المذيب من ناحية تأثير العزل الكهربائي dielectric effect للمذيب على عملية تذوب الأيونات solvation of ions في المحلول. فكما ذكر سابقاً، فإن القوى الكهروستاتيكية المسؤولة عن التجاذب بين الأيونات ذات الشحنات  $Z_+$ ,  $Z_-$  و المفصولة بمسافة مقدارها  $r$  تُعطى بواسطة قانون كولوم في الفراغ كالتالي:

$$f(r) = \frac{e^2 Z_- Z_+}{(4\pi\epsilon_0)r^2} \quad (1-1)$$

حيث تمثل  $e^2$  مربع شحنة الإلكترون و  $\epsilon_0$  نفاذية الفراغ permittivity of vacuum. و حينما يُؤخذ في الاعتبار قيمة العزل الكهربائي للوسط (D) تصبح المعادلة السابقة على الصورة:

$$f(r) = \frac{e^2 Z_- Z_+}{(D)(4\pi\epsilon_0)r^2} \quad (1-2)$$

يتضح من المعادلة السابقة تأثير ثابت العزل الكهربائي على قوى كولوم حيث يسهل فصل الأيونات في الالكتروليات المذابة في مذيب له ثابت عزل كهربائي عالي كالماء عنها لو كانت في حالة الطور الغازي أو في وجود مذيب ذو ثابت عزل كهربائي منخفض. و بالرغم من أن ثابت العزل الكهربائي للمذيب، يلعب دوراً كبيراً في تكون الأصناف الأيونية في المذيبات ذات ثابت العزل الكهربائي المرتفع إلا أنه نتيجة لعملية الإذابة يُستبدل التأثير المتبادل ايون-ايون بالتأثير المتبادل بين الايون و جزيئات المذيب

[Gordon, 1973].

يحدث التجمع الأيوني عندما تقترب الأيونات المتضادة في الشحنة من بعضها البعض. و تحت هذه الظروف، فإن طاقة التأثير الكهربائي المتبادل بين الأيونات ستكون أكبر من طاقتها الحرارية لذلك تعمل هذه الأيونات على تكوين صنف جديد لها في المحلول ذو ثبات كافي لاستمرار ظهوره في المحلول عن طريق عدد من التصادمات مع جزيئات المذيب. في هذه الحالة، عندما يكون الالكتروليت متماثل فإن الزوج الأيوني المتكون سيكون غير مشحون و على الرغم من ذلك سيكون للزوج الأيوني عزم ثنائي القطب dipole moment. و لن يكون له أي مساهمة تذكر في التوصيل الكهربائي بل تظهر تأثيراته الديناميكية الحرارية من خلال إزاحة عدد معين من الأيونات في المحلول و استبدالها بنصف العدد من الجزيئات ثنائية القطب [Robinson, Stokes, 1959].

و يُوصف الزوج الأيوني المكون من أيونات تتلامس مباشرةً و لا تتفصل بواسطة جزيئات المذيب أو أي جزيئات أخرى متعادلة "بالزوج الأيوني المحكم tight ion pair"، بينما يُوصف الزوج الأيوني الذي يمكن فصله بسهولة بجزيئات المذيب "بالزوج الأيوني غير الثابت loose ion pair" حيث يمكن لهذه الأيونات المكونة للزوج أن تتفصل بسهولة و تتجاذب مع الأيونات الأخرى الحرة أو المكونة لزوج أيوني آخر غير ثابت لتكون زوج أيوني آخر جديد [IUPAC Compendium of chemical terminology, 1997].

#### 1-4 التوصيل الكهربائي للمحاليل

تعمل الالكتروليونات دوماً على توصيل الكهرباء، حيث تتبع محاليلها قانون Ohm مثلها مثل الموصلات المعدنية، و لكن من المهم الإشارة إلى أن هذه الخاصية ليست شيئاً ينتج من الحقل الكهربائي المطبق أثناء تواجدها في دائرة كهربائية، بل هي خاصية مميزة لهذه المواد عند تواجدها في المحلول. لذلك كان على نظريات التوصيل المقترحة بواسطة العديد من العلماء على مدى فترة زمنية طويلة محاولة تفسير هذه الحقيقة [Gordon, 1973].

## 1-4-1 التوصيل المكافئ

بحث Kohlrausch و زملائه في السلوك الكهربى لمجموعة من الالكتروليتات في المحاليل المائية عند مدى من درجات الحرارة و الضغط و التركيز. و لقد وضع دالة لحساب التوصيل الكهربى عند تركيز معين أطلق عليها التوصيل المكافئ و التى يُمكن تعريفها بالقانون التالى:

$$\Lambda = \frac{\rho}{C} \quad (1-3)$$

حيث تمثل ( $\Lambda$ ) التوصيل المكافئ equivalent conductance عند التركيز (C, equivalent/L) و ( $\rho$ ) التوصيل النوعى specific conductance و الذى يُمكن تعيينه بواسطة قياس مقاومة المحلول ( $R_S$ ) في خلية توصيل كهربائى و من معرفة قيمة ثابت الخلية cell constant (K) تبعاً للعلاقة التالية:

$$\rho = \frac{1}{R_S} K \quad (1-4)$$

و من نتائج الدراسة، وضع Kohlrausch معادلته الخاصة بالالكتروليتات القوية و التى تربط بين كل من التوصيل المكافئ ( $\Lambda$ ) و التوصيل المكافئ عند التخفيف اللانهائى ( $\Lambda_0$ ) limiting equivalent conductance و الجذر التربيعى للتركيز كما في العلاقة التالية:

$$\Lambda = \Lambda_0 - S C^{\frac{1}{2}} \quad (1-5)$$

حيث تمثل (S) ثابت التجربة. و لقد اكتشف Kohlrausch أن الفرق في قيمة التوصيل عند التخفيف اللانهائى لأزواج من الأملاح ذات أيون مشترك يكون تقريباً ثابتاً.

و لقد أقترح أن هذا السلوك يعود إلى أن قيمة التوصيل عند التخفيف اللانهائى تكون مساويةً لحاصل جمع اثنين من الحدود المستقلة، أحدهما يعود للأيون و الآخر للكاتيون. و على ذلك فوجود الكتروليت يعطى حصيلة من الكاتيونات  $v^+$  و الأنيونات  $v^-$ ، فإن قيمة التوصيل  $\Lambda_0$  تعطى من العلاقة:

$$\Lambda_0 = v^+ \lambda_+^0 + v^- \lambda_-^0 \quad (1-6)$$

حيث تدل الرموز  $(\lambda_+^0, \lambda_-^0)$  على التوصيل الكاتيوني و الأنيوني عند التخفيف اللانهائي للملح على التوالي. و هذا ما يُعرف بقانون Kohlrausch للهجرة الأيونية المستقلة للايونات independent migration of ions عند التخفيف اللانهائي [Moor, 1983].

## 1-4-2 نظريات التوصيل الكهربائي

في عام 1887 م، وضع Arrhenius نظريته التي تصف سلوك محاليل الالكتروليتات، حيث تناول بالدراسة النتائج التي طرحها Thomson لقيم المحتوى الحراري لتعادل الأحماض والقواعد القوية. و لقد اقترح Arrhenius وجود اتزان بين جزيئات الملح غير المتفككة و أيونات جزيئات المذاب المتفككة في المحلول بواسطة التفكك الالكتروليتي. أيدت الدراسة

التي أجراها Van't Hoff نظرية Arrhenius للالكتروليتات القوية [Bockris, Reddy, 1974]. كما افترض أن السرعة الأيونية للايونات لا تعتمد على تركيز المحلول، و بالتالي فإن التغير في التوصيل المكافئ يرجع إلى التغير في عدد الأيونات الناتجة من مكافئ واحد من الالكتروليت كنتيجة لتغير التركيز. و بعبارة أخرى فإن التغير في التوصيل المكافئ لا بد و أن يرجع إلى التغير في درجة التفكك degree of dissociation ( $\alpha$ ). و الذي يُعبر عنه بمقدار النسبة بين التوصيل المكافئ  $\Lambda$  عند أي تركيز إلى التوصيل

المكافئ عند التخفيف اللانهائي  $\Lambda_0$ :

$$\alpha = \frac{\Lambda}{\Lambda_0} \quad (1-7)$$

و تبعاً للحركة الحرارية thermal motion، اقترح كل من Debye و Huckel في عام 1923م أن أيونات المحلول تترتب على صورة أغلفة حول الأيون المركزي. و هذه الأغلفة لن تحتوي على نفس الأيونات دائماً أي أنها في حالة حركة مستمرة وتبادل بين الأيونات الموجودة في الغلاف الواحد بأخرى خارجه،

أخذين بعين الاعتبار الحركة الانتقالية transnational للأيونات كحركة أساسية للأيونات في المحلول. و كما أن كل أيون في المحلول مُحاط بغلاف أيوني فإن كل أيون مركزي هو جزء من غلاف أيوني لبعض الأيونات المركزية الأخرى، شكل (1-1)، [Antropov, 1972], [Glasstone, 1971], [Moore, 1972].

تبع ذلك تطوير للنظرية بواسطة العالم Onsager عام 1926م دون الخوض في التفاصيل الرياضية لعملية التأين حيث لخص الأفكار الرئيسية لنظريته كالتالي:

أ- تتأين الالكتروليتات القوية تأيناً تاماً عند جميع التخفيفات.

ب- تدل قيمة  $\alpha = \frac{\Lambda}{\Lambda_0}$  على نسبة التوصيل conductivity ratio الكهربى أو معامل التوصيل conductivity coefficient للإلكتروليت و ليس على درجة تفككه.

ت- تعود الزيادة في التوصيل الكهربى عند التخفيف اللانهائى إلى الزيادة في حركة الأيونات.

ث- يوجد حول كل أيون جو أيوني من الأيونات المضادة في الشحنة للأيون المركزي و تُحاط هذه الأيونات بجزيئات المذيب.

ج- على الرغم من وجود التأين الكامل إلا أن قيمة  $\Lambda$  أقل من  $\Lambda_0$  و الذي يعود إلى تأثير الاسترخاء و تأثير الهجرة الكهربائية [Bahl, Tuli, 1976].

عين Onsager التأثيرين (الاسترخاء و الهجرة الكهربائية) و وضع معادلته النظرية و ذلك من أجل تعيين التوصيل المولارى عند التخفيف اللانهائى في المحاليل المخففة كالتالي:

$$\Lambda = \Lambda_0 - [A\Lambda_0 + B]\sqrt{C} \quad (1-8)$$

و بمقارنة هذه المعادلة بمعادلة Kohlrausch السابقة، (1-5)، نجد أن معادلة Onsager تأخذ في الاعتبار كلا من تأثير الاسترخاء، A، و تأثير الهجرة الكهربائية، B. و تعتمد قيمة الثابتين A, B على كل من



اللزوجة  $\eta$ ، ثابت العزل الكهربائي  $D$  للمذيب، نوع شحنة الالكتروليت، درجة الحرارة  $T$  و ثوابت عامة. و للالكتروليتات من نوع (1:1)، تُصبح المعادلة السابقة على الصورة:

$$\Lambda = \Lambda_0 - \left[ \frac{8.204 \times 10^5}{(DT)^{3/2}} \Lambda_0 + \frac{82.50}{(DT)^{3/2} \eta} \right] \sqrt{C} \quad (1-9)$$

و بذلك تتبأت نظرية Onsager بمدلول الميل  $S$  للخط المستقيم الذي يُمثل علاقة التوصيل المكافئ  $\Lambda$  بالجذر التربيعي للتركيز [Glasstone, 1971].

و لقد اهتم Bjerrum و كل من Fuoss و Kraus بالتجمع الأيوني و ذلك في المحاليل الأكثر تركيزاً حيث ربطوا مفهوم الزوج الأيوني بالتأثير الكهروستاتيكي. و تزداد فرصة تكون الزوج الأيوني عندما تكون لثابت العزل الكهربائي للمذيب قيمة منخفضة و كذلك عند انخفاض قيم أنصاف الأقطار الأيونية حيث يعمل هذان العاملان على زيادة التأثير الكهروستاتيكي [Moore, 1972]. و لقد اقترح العالم Bjerrum، أنه تحت ظروف خاصة، يُمكن لأيونات الالكتروليتات المشحونة بشحنات متضادة أن تتجمع مع بعضها مكونة أزواجاً أيونية ion pairs. و في بعض الأحوال، يُمكن أن يمتد التجمع الأيوني حتى يشمل تكون الأيونات الثلاثية triple ions أو أيونات رباعية quadruple ions. و أفضل الظروف الملائمة للتجمع هي حينما تكون الأيونات صغيرة الحجم وذات كثافة للشحنة عالية ومذابة في مذيبات ذات ثابت عزل كهربائي منخفض [Crow, 1979]. و يؤدي التجمع الأيوني عادة إلى وجود عدد قليل من الجسيمات أو الأصناف المتجمعة والمشحونة بشحنة منخفضة مقارنة بالأصناف غير المتجمعة.

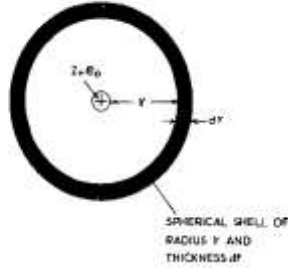
و تبعاً لتكون الجو الأيوني حول الأيون المركزي وباعتبار أن سمك الغلاف الأيوني يُعبر عنه بـ  $dr$  و نصف قطر الجو الأيوني  $r$ ، كما في الشكل (1-3)، فإن الاحتمالية probability التي يُرمز لها بـ  $P_r$  لأيون الموجود في الغلاف الأيوني تُعتبر نسبية و تعتمد على كل من:

$$1. \text{ النسبة بين حجم الغلاف، } 4\pi r^2 dr \text{، وحجم المحلول الكلي } V.$$

2. العدد الكلي،  $N^-$ ، للأيونات السالبة أي المضادة لشحنة الأيون المركزي.

3. عامل Boltzmann الذي يعتمد على درجة الحرارة و طاقة الوضع potential energy للأيون

المضاد في الشحنة،  $\exp(-U/kT)$ ، عند المسافة  $r$  من الأيون المركزي.



شكل (1-3): الاحتمالية ( $P_r$ ) للأيون الموجود في الغلاف الأيوني

$$P_r = 4\pi r^2 dr \frac{N^-}{V} e^{-U/kT} \quad (1-10)$$

و بالتعويض عن قيمة طاقة الوضع  $U = -\frac{Z_- Z_+ e^2}{D r}$  و تركيز الأيونات  $\frac{N^-}{V} = n_i^-$  تُصبح المعادلة بالصورة

التالية:

$$P_r = (4\pi n_i^-) r^2 e^{Z_- Z_+ e^2 / D r k T} dr \quad (1-11)$$

$$\lambda = \frac{Z_- Z_+ e^2}{D k T} \quad (1-12)$$

و بذلك تؤول الاحتمالية للأيون  $i$  إلى الصورة التالية:

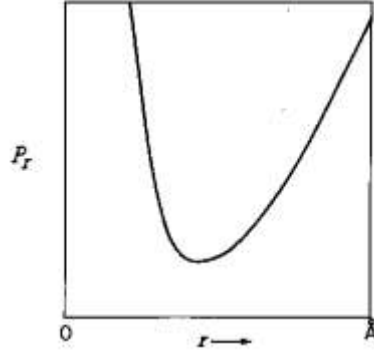
$$P_r = (4\pi n_i^-) r^2 e^{\lambda/r} dr \quad (1-13)$$

ومن العلاقة السابقة يتضح أن احتمال تواجد أيون بالقرب من أيون مضاد له في الشحنة يعتمد على

المسافة،  $r$ . فعند قيم  $r$  المنخفضة، تعتمد الدالة  $P_r$  على المقدار  $e^{\lambda/r}$  أكثر من  $r^2$  و بالتالي فإن قيمة  $P_r$

تزداد بانخفاض  $r$ . بينما عندما تكون قيم  $r$  مرتفعة فإن  $e^{\lambda/r} \rightarrow 1$  و قيمة الاحتمالية  $P_r$  تزداد مع زيادة

$r$  و ذلك يعود إلى زيادة حجم الغلاف الأيوني  $4\pi r^2 dr$  تبعاً لزيادة  $r^2$ . و عند الأخذ بالاعتبار لما سبق، فإن  $P_r$  تعبر نهاية صغرى حرجة لقيم  $r$  كما يتضح من الشكل (4-1).



شكل (4-1): احتمالية وجود أيون من نوع واحد كدالة للمسافة  $r$ .

و هكذا، فإنه عند وجود أيونين متضادي الشحنة و مكونان للزوج الأيوني، فمن الضروري أن يكونا قريبين من بعضهما البعض إلى قدر كافٍ يُمكن معه أن تتغلب قوى الجذب الكولومبية على الطاقة الحرارية التي تعمل على تشتيتهما كلٍ على حده.

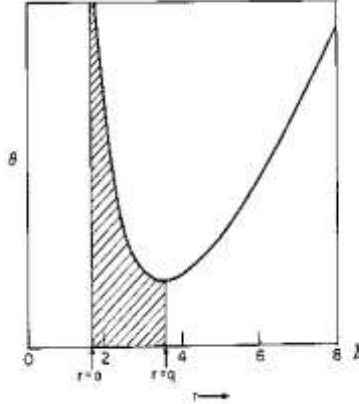
و تُعتبر  $q$  هي أقرب مسافة للتلامس أو ما تُسمى بالمسافة الحرجة critical distance أو مسافة Bjerrum، لذلك يُمكن القول بأن الزوج الأيوني يتكون حينما تكون المسافة  $r$  بين الأيون الموجب والأيون السالب أقل من  $q$ . تبعاً لذلك، فإن احتمال وجود الزوج الأيوني  $\theta$  تُعطى من إجراء تكامل لاحتمالية  $P_r$  لعدد الأيونات في جميع الأغلفة ابتداءً من مسافة التقارب  $a$  (النهاية الصغرى)، وهي أقرب مسافة للتلامس closest distance of approach بين

الأيونات، و حتى مسافة Bjerrum  $q$  (النهاية العظمى). و بإجراء التكامل للمعادلة (1-13)، يُمكن الحصول على ما يلي:

$$\theta = 1 - \alpha = \int_a^q P_r dr = \int_a^q (4\pi n_i^\circ) r^2 e^{-\lambda/r} dr \quad (1-14)$$

$$\theta = 4\pi n_i^\circ \int_a^q e^{-\lambda/r} r^2 dr \quad (1-15)$$

و بالتالي يُمكن أن تُعرف احتمالية تكون الزوج الأيوني بأنها عدد الأصناف الأيونية  $i$  المتجمعة على شكل أزواج أيونية مقسومة على عدد الأيونات الكلي  $i$ . و يُوضح الشكل (5-1) تكامل المعادلة السابقة، المنطقة تحت المنحنى بين حدود النهايتين  $r = a$  و  $r = q$ .



شكل (5-1): احتمالية وجود الزوج الأيوني (توزيع الأيونات ذات الشحنة المخالفة حول الأيون المركزي).

كما هو واضح فإن  $r$  تزداد حتى تعبر نهاية صغرى و هذا يعني أن ناتج التكامل سيُصبح أكبر من الوحدة. و حيث أن  $\theta$  كسر لذلك اقترح Bjerrum أن تكون قيمة النهاية الصغرى عندما  $r = q$  مساوية للمقدار:

$$q = \frac{Z - Z + e^2}{2DkT} = \frac{\lambda}{2} \quad (1-16)$$

حيث  $k$  تعبر عن ثابت Boltzman، و يوضح الشكل (6-1) اقتراح Bjerrum لتكون الزوج الأيوني.